

Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

## Servizio Nazionale di Valutazione a.s. 2014/15 Guida alla lettura Prova di Matematica Classe seconda – Scuola primaria

I quesiti sono distribuiti negli ambiti secondo la tabella seguente

**Ambito** Numero di domande Numero di Item<sup>1</sup> Numeri 14 18 Spazio figure 8 Dati e previsioni 2 **Totale** 23 **30** 

in sede di analisi dei dati complessivi.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Una domanda può essere composta da più item, come nel caso di domande a scelta multipla complessa del tipo Vero o Falso. L'attribuzione di un eventuale punteggio parziale sarà definita



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

### Tabella della suddivisione degli item in relazione ad ambiti e processi

Processi/Ambiti	Numeri	Spazio e figure	Dati e Previsioni	TOTALE
1. Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica ( <i>oggetti matematici, proprietà</i> , <i>strutture</i> )		D23		1
2. Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure (in ambito aritmetico, geometrico)	D13, D15, D16, D19a-b			5
3. Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra ( <i>verbale, numerica, simbolica, grafica,</i> )	D1, D14, D17a-b	D20	D6	6
4. Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico – (individuare e collegare le informazioni utili, individuare e utilizzare procedure risolutive, confrontare strategie di soluzione, descrivere e rappresentare il procedimento risolutivo,)	D4, D10a-b, D22			4
5. Riconoscere in contesti diversi il carattere misurabile di oggetti e fenomeni, utilizzare strumenti di misura, misurare grandezze, stimare misure di grandezze ( <i>individuare l'unità o lo strumento di misura più adatto in un dato contesto, stimare una misura,</i> )	D7, D11a-b			3
6. Acquisire progressivamente forme tipiche del pensiero matematico ( <i>congetturare</i> , <i>verificare</i> , <i>giustificare</i> , <i>definire</i> , <i>generalizzare</i> ,)	D18, D9			2
7. Utilizzare strumenti, modelli e rappresentazioni nel trattamento quantitativo dell'informazione in ambito scientifico, tecnologico, economico e sociale (descrivere un fenomeno in termini quantitativi, utilizzare modelli matematici per descrivere e interpretare situazioni e fenomeni, interpretare una descrizione di un fenomeno in termini quantitativi con strumenti statistici o funzioni)			D3a-c	3
8. Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione (riconoscere forme in diverse rappresentazioni, individuare relazioni tra forme, immagini o rappresentazioni visive, visualizzare oggetti tridimensionali a partire da una rappresentazione bidimensionale e, viceversa, rappresentare sul piano una figura solida, saper cogliere le proprietà degli oggetti e le loro relative posizioni,)		D2, D5, D8a-b, D12, D21		6
TOTALE	18	8	4	30



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Di seguito viene proposta un'analisi dei quesiti utilizzando una tabella a tre colonne in cui vengono rispettivamente indicati:

- nella prima il testo del quesito. La numerazione dei quesiti fa riferimento alla versione dei fascicoli che riporta in prima pagina "Fascicolo 1"
- nella seconda le caratteristiche che fanno riferimento al Quadro di riferimento delle prove SNV pubblicato sul sito INVALSI e alle Indicazioni nazionali
- nella terza una descrizione e un commento didattico; i possibili errori degli studenti riportati sono stati rilevati in sede di pretest ma ovviamente non hanno alcuna pretesa di costituire una lista completa degli errori possibili e delle loro motivazioni.

È importante sottolineare che le caratteristiche proposte sono solo indicative e non devono rappresentare un vincolo per l'interpretazione del risultato: in matematica ogni domanda coinvolge spesso diversi ambiti, e la risposta richiede processi di diversa natura. Seguendo la prassi internazionale, si indicano l'ambito e il processo *prevalenti*, tenendo presente che spesso la scelta di un particolare distrattore può indicare difficoltà o lacune in altri ambiti o in altri processi.

Nelle guide 2015 è presente un raggruppamento delle competenze, che fanno riferimento ai Traguardi delle Indicazioni Nazionali per il Curricolo del I ciclo, secondo tre aree, denominate: Conoscere, Risolvere problemi, Argomentare. Tale raggruppamento deriva da esigenze connesse con l'analisi statistica degli esiti delle Prove INVALSI (con la necessità di ridurre a 3-4 le aree di competenze secondo cui classificare le prove) e da esigenze di orientare nelle scuole la lettura dei risultati delle Prove in accordo con le Indicazioni Nazionali per il Curricolo. Infatti ogni domanda viene collegata a un Traguardo per lo sviluppo delle competenze e ogni Traguardo ad una delle tre dimensioni indicate. Alcuni tra i Traguardi delle indicazioni nazionali non vengono presi in esame in quanto non verificabili attraverso prove standardizzate

Nella tabella alla fine della guida è riportata la corrispondenza fra Traguardi per lo sviluppo delle competenze (Indicazioni Nazionali I ciclo) e le Dimensioni (Conoscere, Risolvere problemi, Argomentare) in accordo con la modalità di restituzione dei risultati alle scuole (Ambiti e Dimensioni).

Infine sono stati riportati nella seconda colonna i risultati ottenuti dal campione di scuole utilizzato per il Rapporto Nazionale.



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

### **GUIDA ALLA LETTURA**

Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D1. Sara nel portafoglio ha questi soldi.	AMBITO PREVALENTE	Risposta corretta:
	Numeri	C
10 Line 2 10 Line 2 100 Line 2 10	SCOPO DELLA DOMANDA Operare con la notazione posizionale dei numeri.  PROCESSO PREVALENTE	All'alunno si richiede di sommare una quantità di denaro rappresentata con monete e banconote e di riconoscerne la somma espressa da un numero scritto in notazione decimale.
Quanti euro ha Sara nel portafoglio?	Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra.	I distrattori avidanziano nossibili arrari:
A.   421 euro	passare da una an anta.	I distrattori evidenziano possibili errori: - nella risposta A, le cifre del numero
	Indicazioni nazionali	rappresentano, in sequenza, il conteggio di
B.	Traguardi	monete e banconote dello stesso tipo. (4
C.   124 euro	Si muove con sicurezza nel calcolo scritto e	monete da 1 euro, 2 banconote da 10 euro e
	mentale con i numeri naturali e sa valutare	1 banconota da 100 euro);
	l'opportunità di ricorrere a una calcolatrice.	- nella risposta B, vengono invertite le cifre
	Obiettivi	delle decine e delle unità.
	Leggere e scrivere numeri in notazione decimale,	
	avendo consapevolezza della notazione	
	posizionale.	
	DIMENSIONE Conoscere	
	RISULTATI DEL CAMPIONE	
	Item Manc. Opzioni	
	Risp. A B C	
	<b>D1</b>   3,9%   11,2%   10,1%   74,8%	



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D2. Luca ha usato 2 pezzi delle sue costruzioni per costruire questa	AMBITO PREVALENTE	Risposta corretta:
casetta.	Spazio e figure	Pezzo A e Pezzo D
	SCOPO DELLA DOMANDA Individuare i solidi che compongono una figura data.  PROCESSO PREVALENTE Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione.	Si richiede all'alunno di individuare i due solidi che compongono la figura data tenendo conto sia della forma, sia della dimensione di ogni singolo pezzo
Quali fra questi pezzi ha usato Luca?	Indicazioni nazionali	
Pezzo A  Pezzo B  Pezzo C  Pezzo D  Risposta: il pezzo e il pezzo	Traguardi Riconosce e rappresenta forme del piano e dello spazio, relazioni e strutture che si trovano in natura o che sono state create dall'uomo.  Obiettivi Riconoscere, denominare e descrivere figure geometriche.  DIMENSIONE Conoscere  RISULTATI DEL CAMPIONE  Item Mancata Errata Corretta risposta  D2 2,2% 14,3% 83,5%	



						Doma	ında			Caratte	ristiche				Descrizione e commento
D3.	D3. Questo grafico rappresenta il numero di figurine che Mario, Luca, Paola e Sara hanno in tasca.					AMBITO PREVALENTE Dati e Previsioni  SCOPO DELLA DOMANDA Leggere e interpretare un grafico.		Risposta corretta: a. SI b. NO c. Non si può sapere							
		32 28 24 24 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20						PROCESSO PREVALENTE Utilizzare strumenti, modelli e rappresentazioni nel trattamento quantitativo dell'informazione in ambito scientifico, tecnologico, economico e sociale.			Si richiede all'alunno di interpretare un grafico in cui un elemento di difficoltà potrebbe essere la scala non unitaria.  I distrattori evidenziano possibili errori:				
		0 16 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12	M grafic	ARIO	spor	LUCA	PAOLA SARA	Indicazioni nazionali Traguardi Ricerca dati per ricavare informazioni e costruisce rappresentazioni (tabelle e grafici). Ricava informazioni anche da dati rappresentati in tabelle e grafici. Obiettivi			<ul> <li>in b. la risposta "Sì" presuppone una possibile interpretazione unitaria non corretta della scala;</li> <li>in c. si richiede all'alunno una particolare attenzione nel comprendere quali informazioni si possono ricavare dal grafico.</li> </ul>				
	a.	Luca	ha il	doppi	o de	lle figu	rine di Mario?	Leggere e rappresentare relazioni e dati con diagrammi, schemi e tabelle.		on					
			Sì			No	☐ Non si può sapere		imi, schei ISIONE			lemi			
	b.	Luca	ha so	lo un	a fig	urina in	più di Paola?	RISULTATI DEL CAMPIONE							
			Sì			No	■ Non si può sapere	Item	Manc.	CI	Opzi		M CI		
	c.	Sara	<b>ha pi</b> Sì	ù ann	i di L	uca? No	☐ Non si può sapere	D3a D3b D3c	Risp. 1,7% 2,0% 1,7%	SI 82,6% 61,5% 40,1%	NO 13,2% 33,7% 7,4%	2	ON SI 2,5% 2,9% 0,8%		



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D4. Giorgio ha in tutto 15 biglie nelle due mani. Nella mano aperta ha 7 biglie.	AMBITO PREVALENTE Numeri  SCOPO DELLA DOMANDA Individuare il complementare di un numero dato e confrontare due quantità.	Risposta corretta: B  Si richiede all'alunno di risolvere un problema le cui informazioni sono espresse oltre che nel testo anche in un'immagine.
	PROCESSO PREVALENTE Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico.	La risposta A presuppone un errore di calcolo o un'errata interpretazione della domanda.  La risposta C evidenzia una prevalenza
Ci sono più biglie nella mano chiusa o nella mano aperta?  A.   Nella mano aperta  B.   Nella mano chiusa	Indicazioni nazionali Traguardi Riesce a risolvere facili problemi in tutti gli ambiti di contenuto, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati. Descrive il procedimento seguito e riconosce strategie di soluzione diverse dalla propria.  Obiettivi Eseguire mentalmente semplici operazioni con i numeri naturali.	percettiva dell'immagine rispetto al testo nel suo complesso.
C.   Non si può sapere	DIMENSIONERISULTATI DEL CAMPIONEItemManc. Risp.OpzioniABCD41,1%15,9%62,7%20,3%	



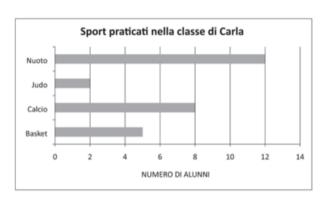
Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D5. Un muratore deve comporre con delle piastrelle la decorazione di un pavimento come quella in figura.	AMBITO PREVALENTE Spazio e figure	Risposta corretta: 4
	SCOPO DELLA DOMANDA Ricoprire una figura bidimensionale con rettangoli dati.	La risposta corretta implica che l'alunno, per ricoprire la figura, compia un'esplorazione di carattere dinamico al fine di modificare l'orientamento della piastrella.
	PROCESSO PREVALENTE Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione.	r orientamento dena piastrena.
Sceglie piastrelle come questa:	Indicazioni nazionali Traguardi Descrive, denomina e classifica figure in base a caratteristiche geometriche, ne determina misure, progetta e costruisce modelli concreti di vario tipo. Obiettivi Misurare grandezze (lunghezze, tempo, ecc ) utilizzando sia unità arbitrarie sia unità e strumenti convenzionali (metro, orologio, ecc.).	
	DIMENSIONE Conoscere	
Le piastrelle non devono sovrapporsi. Quante piastrelle intere deve usare il muratore?	RISULTATI DEL CAMPIONE   Item Mancata risposta Errata Corretta   D5 6,1% 61,8% 32,1%	
Risposta:piastrelle		



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

# Domanda D6. Nella classe di Carla gli alunni hanno fatto un'indagine sugli sport praticati.

Hanno costruito il seguente grafico.



La tabella qui sotto riporta i dati del grafico ma non è completa. Scrivi tu al posto dei puntini quello che manca.

Sport		Calcio		
Numero alunni	5		2	12

### AMBITO PREVALENTE

Dati e Previsioni

#### SCOPO DELLA DOMANDA

Completare una tabella desumendo i dati dalla lettura di un grafico.

Caratteristiche

### PROCESSO PREVALENTE

Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra

#### Indicazioni nazionali

### Traguardi

Ricerca dati per ricavare informazioni e costruisce rappresentazioni (tabelle e grafici). Ricava informazioni anche da dati rappresentati in tabelle e grafici.

### Obiettivi

Leggere e rappresentare relazioni e dati con diagrammi, schemi e tabelle.

**DIMENSIONE** Risolvere problemi

### RISULTATI DEL CAMPIONE

Item	Mancata risposta	Errata	Corretta
<b>D6</b>	4,1%	32,3%	63,6%

### Risposta corretta:

Sport	Basket	Calcio	Judo	Nuoto
Numero alunni	5	8	2	12

Descrizione e commento

Viene richiesto all'alunno di interpretare correttamente i dati di un grafico e di trasferire alcuni di questi in una tabella parzialmente compilata.

La difficoltà maggiore, relativa alla lettura del grafico, è data dalla scala non unitaria.

Inoltre l'ordine degli elementi da inserire in tabella non segue quello corrispondente sul grafico.

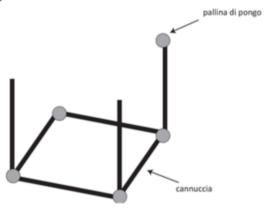


Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D7. Chiara usa il righello per misurare la lunghezza della sua penna.	AMBITO PREVALENTE Numeri	Risposta corretta: 15
Quanto misura la penna di Chiara?  Risposta: circa		Viene richiesto all'alunno di misurare la lunghezza di una penna posta in posizione non standard su un righello.  L'alunno può attivare diverse strategie, ad esempio:  - ricavare la lunghezza richiesta calcolando la differenza tra 18 e 3;  - contare i centimetri a uno a uno da 3 fino a 18.
	DIMENSIONE Conoscere  RISULTATI DEL CAMPIONE  Item Mancata Errata Corretta risposta  D7 4,2% 76,7% 19,1%	



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

# Domanda D8. Gaia ha iniziato a costruire un cubo con cannucce e palline di pongo.



#### Per completare il cubo:

- a. Gaia deve ancora usare ...... palline di pongo
- Gaia deve ancora usare ...... cannucce

### AMBITO PREVALENTE

Spazio e figure

#### SCOPO DELLA DOMANDA

Rappresentare mentalmente una figura geometrica tridimensionale e conteggiare gli elementi che la costituiscono.

Caratteristiche

### PROCESSO PREVALENTE

Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione.

### Indicazioni nazionali

### Traguardi

Riconosce e rappresenta forme del piano e dello spazio, relazioni e strutture che si trovano in natura o che sono state create dall'uomo.

#### **Obiettivi**

Disegnare figure geometriche e costruire modelli materiali anche nello spazio.

#### **DIMENSIONE** Conoscere

#### RISULTATI DEL CAMPIONE

Item	Mancata risposta	Errata	Corretta
D8a	4,1%	38,9%	56,9%
D8b	4,2%	75,2%	20,7%

### Risposta corretta:

a. 3 b. 5

Viene richiesto all'alunno di immaginarsi il completamento di un cubo e, eventualmente con l'aiuto di disegni sul foglio, individuarne le parti mancanti.

Descrizione e commento

Un possibile errore potrebbe essere quello di indicare il numero totale dei vertici (palline di pongo) e/o quello di tutti gli spigoli (cannucce).



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D9. Osserva lo schema.	AMBITO PREVALENTE	Risposta corretta:
	Numeri	(partendo da sinistra) Laura – Sofia – Giulia
Giulia Sofia	SCOPO DELLA DOMANDA Interpretare uno schema per stabilire una relazione d'ordine.	La difficoltà della domanda consiste nel com- prendere una relazione d'ordine che coinvolge tre elementi. All'alunno è richiesto di conside-
Laura	PROCESSO PREVALENTE	rare attentamente il verso della freccia poiché
La freccia ——— significa: È PIÙ ALTA DI	Acquisire progressivamente forme tipiche del pensiero matematico (congetturare, argomentare, verificare, definire, generalizzare,).  Indicazioni nazionali	la rappresentazione non è ciclica.
Ora scrivi il nome delle bambine nelle caselle.	Traguardi	
	Legge e comprende testi che coinvolgono aspetti logici e matematici.  Obiettivi  Leggere e rappresentare relazioni e dati con diagrammi, schemi e tabelle.  DIMENSIONE Argomentare	
	RISULTATI DEL CAMPIONE  Item Mancata Errata Corretta risposta  D9 3,1% 66,2% 30,6%	
	<b>D7</b>   5,170   00,270   30,070	



Domanda		Caratt	eristiche		Descrizione e commento
D10. Pietro deve apparecchiare la tavola.					Risposta corretta: a. 9 b. 5
Per ogni piatto servono 3 posate.		<b>DELLA DOM</b> re relazioni nu			All'alunno viene richiesto di gestire una
	PROCESSO PREVALENTE Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico.  Indicazioni nazionali Traguardi Riesce a risolvere facili problemi in tutti gli ambiti di contenuto, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati.				situazione di proporzionalità. L'immagine può supportare il processo risolutivo.  La soluzione dell'item a. comporta la struttura
					moltiplicativa diretta, mentre quella dell'item b. inversa.
Completa.	1	IONE Risol		mi	
a. Per 3 piatti servono posate	RISULTA Item	ATI DEL CAI Mancata	MPIONE Errata	Corretta	
<b>b.</b> Per piatti servono 15 posate	risposta         0           D10a         2,5%         36,3%         61,3%           D10b         5,8%         45,5%         48,7%				



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

#### Domanda Caratteristiche Descrizione e commento AMBITO PREVALENTE Risposta corretta: D11. a. 11 b. 5 Numeri Il passo della formica è di un quadretto. SCOPO DELLA DOMANDA All'alunno è richiesto di determinare una Effettuare misure per conteggio, utilizzando due misura per conteggio mediante unità arbitrarie. diverse unità di misura arbitrarie. Gli errori possono riferirsi a una scorretta La formica ha già fatto tre passi. PROCESSO PREVALENTE modalità di conteggio (tacche, spazi, ...), alla Riconoscere in contesti diversi il carattere misura dell'intero percorso o ancora a un'errata misurabile di oggetti e fenomeni, utilizzare struinterpretazione della proporzionalità inversa tra menti di misura, misurare grandezze, stimare milunghezza del passo e numero di passi. sure di grandezze. Quanti passi deve ancora fare la formica per arrivare alla Indicazioni nazionali bandierina? Traguardi Descrive, denomina e classifica figure in base a Risposta: ..... passi caratteristiche geometriche, ne determina misure, Il passo della rana invece è di due quadretti. progetta e costruisce modelli concreti di vario tipo. **Obiettivi** Anche la rana ha già fatto due passi dei suoi. Misurare grandezze (lunghezze, tempo, ecc.) utilizzando sia unità arbitrarie sia unità e strumenti convenzionali (metro, orologio, ecc.). DIMENSIONE Conoscere RISULTATI DEL CAMPIONE Item Mancata Errata Corretta Quanti passi dei suoi deve ancora fare la rana per arrivare risposta alla bandierina? D11a 2,6% 48.3% 49,1% Risposta: ..... passi 2,4% 60,7% 36,9% D11b



Domanda		Caratteristiche Descrizione e commento
D12. Da un foglio quadrato è stato tagliato via un pe	ezzo.	AMBITO PREVALENTE Spazio e figure  Risposta corretta: C
Ora il foglio ha questa forma.		SCOPO DELLA DOMANDA Riconoscere la parte ritagliata e posta in posizione ruotata di una figura data.  Per rispondere correttamente l'alunno dev mantenere il controllo sia sulla forma che sull dimensione della parte mancante.
		PROCESSO PREVALENTE  Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione.  Un ulteriore elemento di complessità è dato de fatto che il triangolo mancante è in posizion ruotata.  Gli alunni che scelgono l'opzione A ricono
		Indicazioni nazionali Traguardi Descrive, denomina e classifica figure in base a caratteristiche geometriche, ne determina misure,  scono la forma, ma non la dimensione. Gli alunni che scelgono l'opzione B, probabi mente, focalizzano l'attenzione sull'angolo re to non ruotato.
Quale pezzo è stato tagliato?		progetta e costruisce modelli concreti di va-rio tipo.  Obiettivi
		Riconoscere, denominare e descrivere figure geometriche.  DIMENSIONE Conoscere
		RISULTATI DEL CAMPIONE  Item Manc. Opzioni
A.   B.	C. 🗆	Risp.         A         B         C           D12         1,2%         16,9%         26,4%         55,4%



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D13. Anna e Bea giocano a scambiarsi le figurine.  Una figurina del panda vale come due figurine del cane.	AMBITO PREVALENTE Numeri	Risposta corretta: 4
Panda Cane	SCOPO DELLA DOMANDA Risolvere un problema utilizzando un ragionamento proporzionale.  PROCESSO PREVALENTE Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure.	La difficoltà principale risiede nell'attivazione di un procedimento "inverso" per risolvere il problema.  L'eventuale risposta 16 figurine evidenzia la scorretta risoluzione mediante un procedimento
Completa la frase con il numero corretto.  Anna dà a Bea 8 figurine del cane.  Bea deve dare in cambio ad Anna figurine del panda.	Indicazioni nazionali Traguardi Riesce a risolvere facili problemi in tutti gli ambiti di contenuto, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati.  DIMENSIONE Risolvere problemi RISULTATI DEL CAMPIONE Item Mancata Errata Corretta risposta D13 5,0% 56,9% 38,1%	diretto.
D14. Quale numero corrisponde a 3 unità, 5 decine e 2 centinaia?	AMBITO PREVALENTE Numeri	Risposta corretta: A
A.	SCOPO DELLA DOMANDA Utilizzare correttamente la scrittura posizionale in base dieci.  PROCESSO PREVALENTE Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare dall'una all'altra.	L'alunno deve mettere in relazione il valore posizionale espresso in parola nella domanda con la corretta scrittura del numero in cifre.  Nella risposta B nessuna cifra del numero corrisponde alla sua corretta posizione.  Nella risposta C le cifre del numero sono riportate nello stesso ordine in cui vengono presentate nella domanda.



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
	Indicazioni nazionali Traguardi - Riconosce e utilizza rappresentazioni diverse di oggetti matematici. Obiettivi - Leggere e scrivere i numeri naturali in notazione decimale, avendo consapevolezza della notazione posizionale; confrontarli e ordinarli, anche rappresentandoli sulla retta.  DIMENSIONE Conoscere RISULTATI DEL CAMPIONE  Item Manc. Opzioni Risp. A B C D1 2,3% 71,3% 5,4% 21,1%	
D15. Quale delle seguenti uguaglianze è corretta?	AMBITO PREVALENTE Numeri	Risposta corretta: B
A. $\Box$ 41 = 52 - 9 B. $\Box$ 41 = 50 - 9	SCOPO DELLA DOMANDA Individuare un calcolo corretto.	Entrambi i distrattori si basano su errori di calcolo.
C. \( \square 41 = 31 + 11	PROCESSO PREVALENTE Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure	
	Indicazioni nazionali Traguardi - L'alunno si muove con sicurezza nel calcolo scritto e mentale con i numeri naturali e sa valutare l'opportunità di ricorrere a una calcolatrice.  Obiettivi - Eseguire mentalmente semplici operazioni con i numeri naturali e verbalizzare le procedure di calcolo.  DIMENSIONE Conoscere	



Domanda	Caratteristiche					Descrizione e commento		
	RISUL	RISULTATI DEL CAMPIONE						
	Item	Manc.		Opzio				
		Risp.	A	В	C			
	D15	7,4%	11,9%	57,0%	6 23,7%			
D16. Osserva queste operazioni. Solo due danno lo stesso risultato.	AMBIT	TO PREV	ALENT	E		Risposta corretta		
Collegale con una linea.	Numeri							
	SCOPO	DELLA	DOMA	NDA		6 × 6		
$6 \times 6$ $6 + 6 + 6 + 6 + 6$			operaz	ioni che da	anno lo stesso			
	risultato					15+15		
15 + 15 15 + 1 + 5		ESSO PRI						
13+15	Conosc	Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure.						
	Indicazioni nazionali					T 1' ' '1 ' 1		
	<b>Traguardi</b> - L'alunno si muove con sicurezza nel calcolo scritto e mentale con i numeri naturali					La presenza di un unico numero, il sei, in due delle opzioni può indurre in errore qualora		
	e sa valutare l'opportunità di ricorrere a una calco-					l'alunno si faccia condizionare da una somi-		
	latrice.			di licolici	c a una carco-	glianza percettiva e non valuti con attenzione		
		vi - Es	eguire	mentalme	nte semplici	che il sei compare nell'addizione soltanto cin-		
			_		erbalizzare le	que volte.		
	procedure di calcolo.					In modo analogo, anche la presenza delle stesse		
	DIMENSIONE Conoscere					cifre nell'altra coppia di opzioni può risultare suggestiva; in questo caso l'alunno potrebbe		
	RISULTATI DEL CAMPIONE					non considerare il valore posizionale		
	Item	Mai	ıcata	Errata	Corretta	Positional		
		risp						
	D10	6   11	,2%	51,3%	37,5%			



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento			
D17. Osserva questa retta dei numeri.	AMBITO PREVALENTE Numeri	Risposta corretta: a. C			
0	SCOPO DELLA DOMANDA Leggere e rappresentare numeri naturali sulla retta.	b 0 ▼ 60 70			
a. Quale numero si trova nel posto indicato dal triangolino?	PROCESSO PREVALENTE	L'alunno deve riconoscere l'intervallo non			
A. □ 4	Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra.	unitario che intercorre tra due tacche.  Nell'item a, il distrattore A presuppone il conteggio unitario delle tacche, il distrattore B			
B. 🗆 50	Indicazioni nazionali	presuppone un errore di conteggio (partendo da			
C. 🗆 40	Traguardi Riconosce e utilizza rappresentazioni diverse di	10 anziché da 0).			
b. Metti il numero 70 al posto giusto sulla retta dei numeri.	oggetti matematici.  Obiettivi				
	Leggere e scrivere i numeri naturali in nota-zione				
	decimale, avendo consapevolezza della notazione posizionale; confrontarli e ordinarli, anche				
	rappresentandoli sulla retta.				
	DIMENSIONE Conoscere				
	RISULTATI DEL CAMPIONE				
	Item Manc. Opzioni Risp. A B C				
	Risp. A B C   D17a   4,4%   17,1%   10,9%   67,6%				
	Item Mancata Errata Corretta				
	risposta				
	<b>D17b</b> 25,9% 11,6% 62,4%				



		- D 1				<b>C</b> 44	• 4• 1			D ''		
	<u>Domanda</u>				Caratteristiche				Descrizione e commento			
D18. Andrea deve riempire la tabella qui sotto con questi sei numeri:		AMBITO PREVALENTE				Risposta corretta:						
	8	13 27 52 7	9 84		Numeri			NUMERI NUMERI PARI DISPARI				
	Andrea ha già scritto tre numeri. Scrivi tu gli altri tre al posto giusto.		SCOPO DELLA DOMANDA Inserire numeri in un diagramma di Carroll secondo caratteristiche date.				NUMERI MINORI DI 50	8	27 13			
		NUMERI PARI	NUMERI DISPARI		PROCESSO Acquisire p pensiero mat	rogressivam		tipiche del	NUMERI MAGGIORI DI 5	84 52	79	
	NUMERI MINORI DI 50		27			nprende testi	che coinvo	lgono aspetti	dovrebbe	tenere sotte	o controllo	do corretto,
	NUMERI	84			logici e mate Obiettivi Classificare		re, oggetti i	n base a una	Ulteriore		complessit	ione. à è l'inseri- la a doppia
	MAGGIORI DI 50	52			opportune, a	seconda dei	contesti e de	resenta-zioni ei fini.	Un possib		infatti, potr	ebbe essere nella casella
		_		-	DIMENSIO	Č	mentare			erché già pres		
					RISULTATI DEL CAMPIONE							
					Item	Mancata risposta	Errata	Corretta				
					D18	5,8%	58,2%	36,0%				



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D19. Osserva.	AMBITO PREVALENTE Numeri	Risposta corretta: a. 16 b. 36
21 26 31 41	SCOPO DELLA DOMANDA Individuare i numeri mancanti in una sequenza in cui è esplicitata la regola.	La difficoltà principale consiste nell'utilizzare l'operatore "+5" in senso inverso per individuare il primo numero mancante.
	PROCESSO PREVALENTE Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure.	anno ii pinno namito manonino.
a. Sotto il a c'è il numero	Indicazioni nazionali Traguardi	
<b>b.</b> Sotto il c'è il numero	L'alunno si muove con sicurezza nel calcolo scritto e mentale con i numeri naturali.	
	DIMENSIONE Conoscere	
	RISULTATI DEL CAMPIONE	
	Item   Mancata   Errata   Corretta   risposta	
	<b>D19a</b> 6,1% 39,5% 54,4%	
	<b>D19b</b> 6,1% 32,5% 61,3%	



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D20. Un bambino ha lasciato delle impronte con il palmo della mano su un cartellone.	AMBITO PREVALENTE Spazio e figure	Risposta corretta: B
We We	SCOPO DELLA DOMANDA Riconoscere l'impronta della mano destra rappresentata in diverse posizioni.	L'alunno, anche in modo empirico, dovrebbe riuscire a riconoscere l'impronta di un'unica mano rappresentata in diverse posizioni.  La scelta dell'opzione A potrebbe indicare che
	PROCESSO PREVALENTE Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra.	l'alunno confonde destra e sinistra. La scelta dell'opzione C può dipendere dalla difficoltà nell'interpretare correttamente il
当席他	Indicazioni nazionali Traguardi Riconosce e rappresenta forme del piano e dello spazio, relazioni e strutture che si trovano in natura o che sono state create dall'uomo. Obiettivi	diverso orientamento delle impronte.
Che mano ha usato?	Comunicare la posizione di oggetti nello spazio fisico, sia rispetto al soggetto, sia rispetto ad altre	
A.   Solo la mano sinistra	persone o oggetti, usando termini adegua-ti.	
B.   Solo la mano destra	DIMENSIONE Conoscere	
C.   Entrambe le mani	RISULTATI DEL CAMPIONE  Item Manc. Opzioni	
	Risp.   A   B   C     D20   3,6%   12,2%   62,4%   21,8%	



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

#### Domanda Caratteristiche Descrizione e commento AMBITO PREVALENTE Risposta corretta: D21. Osserva questa forma. Spazio e figure SCOPO DELLA DOMANDA Riconoscere una forma diversamente orientata rispetto alla presentazione. PROCESSO PREVALENTE Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di Dove si trova la forma in questo disegno? modellizzazione. Trovala e segnala con una crocetta (X). Eventuali ostacoli per il corretto ricono-Indicazioni nazionali scimento richiesto possono essere sia il diverso Traguardi orientamento della figura rispetto la presenta-Riconosce e rappresenta forme del piano e dello zione, sia la sovrapposizione di uno dei suoi spazio, relazioni e strutture che si trovano in lati con la base del rettangolo che la contiene. natura o che sono state create dall'uomo. **Obiettivi** Riconoscere, denominare e descrivere figure geometriche. DIMENSIONE Conoscere RISULTATI DEL CAMPIONE Item Mancata Errata Corretta risposta **D21** 3,7% 7,8% 88,5%



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

#### Domanda Caratteristiche Descrizione e commento D22. Monica vuole fare dei braccialetti come questo. AMBITO PREVALENTE Risposta corretta: A Numeri Per risolvere il problema l'alunno potrebbe SCOPO DELLA DOMANDA procedere come segue: Risolvere un problema tenendo sotto controllo più individuare il numero dei braccialetti che è dati contemporaneamente. possibile realizzare con i cuori: PROCESSO PREVALENTE individuare quello compatibile con le Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti perline disponibili; diversi (numerico, geometrico, algebrico). confrontare infine i numeri ottenuti e comprendere che è il numero minore a Indicazioni nazionali fornire la risposta corretta. Ha 8 cuoricini e 9 perline. Traguardi Riesce a risolvere facili problemi in tutti gli ambiti Le immagini possono supportare in modo di contenuto, mantenendo il controllo sia sul consistente il processo risolutivo. Ad esempio, processo risolutivo, sia sui risultati. Descrive il l'alunno può raggruppare per due i cuori e per procedimento seguito e riconosce strategie di tre le perline e considerare "percettivamente" soluzione diverse dalla propria. che sono solo 3 i braccialetti realizzabili. **DIMENSIONE** Risolvere problemi La risposta B sottende il controllo dei soli cuori RISULTATI DEL CAMPIONE per la costruzione dei braccialetti. Quanti braccialetti può fare Monica? Item Manc. **Opzioni** C В Risp. A La risposta C indica la somma dei numeri 3 4,4% 57,5% 23,1% 15.0% **D22** (braccialetti che si possono fare solo con le perline) e 4 (braccialetti che si possono fare solo con i cuori).



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D23. Osserva la figura.	AMBITO PREVALENTE Spazio e figure	Risposta corretta: C
	SCOPO DELLA DOMANDA Riconoscere forme geometriche piane.  PROCESSO PREVALENTE Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica.	La scelta dell'opzione A può dipendere da una non chiara distinzione fra quadrato e rettangolo, che peraltro nella figura compare in posizione non standard.
	Indicazioni nazionali Traguardi Descrive, denomina e classifica figure in base a caratteristiche geometriche, ne determina misure, progetta e costruisce modelli concreti di vario tipo.	
Questa figura è formata da	Obiettivi Riconoscere, denominare e descrivere figure	
A. un cerchio, due triangoli e un quadrato	geometriche.	
B. un cerchio, due quadrati e un triangolo	DIMENSIONE Conoscere RISULTATI DEL CAMPIONE	
C. un cerchio, due triangoli e un rettangolo	Item         Manc. Risp.         Opzioni A B C           D23         4,0%         19,2%         4,3%         72,5%	



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

# Tavola di corrispondenza fra Traguardi per lo sviluppo delle competenze e Dimensioni (1- Conoscere, 2- Risolvere problemi, 3- Argomentare)

Traguardi per lo sviluppo delle competenze al termine della scuola primaria	Codifica	Proposta dimensione
L'alunno si muove con sicurezza nel calcolo scritto e mentale con i numeri naturali e sa valutare l'opportunità di ricorrere a una calcolatrice.	01	1
Riconosce e rappresenta forme del piano e dello spazio, relazioni e strutture che si trovano in natura o che sono state create dall'uomo.	02	1
Descrive, denomina e classifica figure in base a caratteristiche geometriche, ne determina misure, progetta e costruisce modelli concreti di vario tipo.	03	1
Utilizza strumenti per il disegno geometrico (riga, compasso, squadra) e i più comuni strumenti di misura (metro, goniometro).	04	1
Ricerca dati per ricavare informazioni e costruisce rappresentazioni (tabelle e grafici). Ricava informazioni anche da dati rappresentati in tabelle e grafici	05	2
Riconosce e quantifica, in casi semplici, situazioni di incertezza.	06	2
Legge e comprende testi che coinvolgono aspetti logici e matematici.	07	3
Riesce a risolvere facili problemi in tutti gli ambiti di contenuto, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati. Descrive il procedimento seguito e riconosce strategie di soluzione diverse dalla propria.	08	2
Costruisce ragionamenti formulando ipotesi, sostenendo le proprie idee e confrontandosi con il punto di vista di altri.	09	3
Riconosce e utilizza rappresentazioni diverse di oggetti matematici (numeri decimali, frazioni, percentuali, scale di riduzione,).	10	1
Sviluppa un atteggiamento positivo rispetto alla matematica, attraverso esperienze significative, che gli hanno fatto intuire come gli strumenti matematici che ha imparato ad utilizzare siano utili per operare nella realtà.	11	No